

ΑΠΟΛΥΤΗΡΙΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ Δ' ΤΑΞΗΣ
ΕΣΠΕΡΙΝΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ
ΠΕΜΠΤΗ 28 ΜΑΪΟΥ 2009
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ ΘΕΤΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ
ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ:
ΦΥΣΙΚΗ

ΘΕΜΑ 1^ο

1.1 → β

1.2 → γ

1.3 → δ

1.4 → γ

1.5

α → Σωστό

β → Σωστό

γ → Λάθος

δ → Λάθος

ε → Λάθος

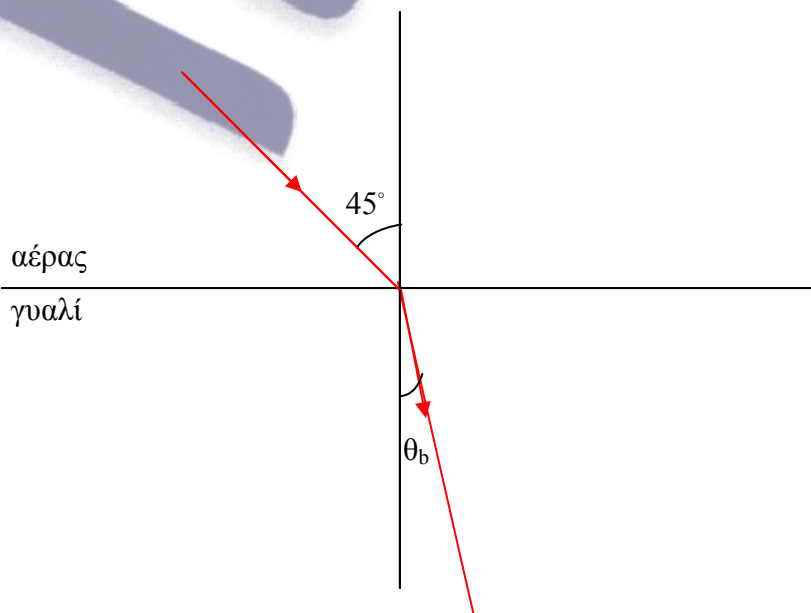
ΘΕΜΑ 2^ο

2.1. Σωστή απάντηση είναι η (β)

Εφαρμόζοντας το νόμο του Snell έχουμε: $n_{\alpha\epsilon\rho\alpha} \cdot \sin 45^\circ = n_{\gamma} \cdot \sin \theta_b$

$$n_{\alpha\epsilon\rho\alpha} \cdot 1 = n_{\gamma} \cdot \sin \theta_b \Rightarrow \sin \theta_b = \frac{n_{\alpha\epsilon\rho\alpha}}{n_{\gamma}} \quad (1)$$

Επειδή $n_{\gamma} > 1$ από την (1) προκύπτει $\sin \theta_b < 1 \Rightarrow \theta_b < 45^\circ$. Άρα η γωνία διάθλασης είναι μικρότερη από 45° .



2.2. Σωστή απάντηση είναι η (γ)

Επειδή το αλγεβρικό άθροισμα των εξωτερικών ροπών ως προς τον άξονα περιστροφής είναι μηδέν, μπορούμε να εφαρμόσουμε την αρχή διατήρησης της στροφομής.

$\vec{L}_{\text{συστ(αρχ)}} = \vec{L}_{\text{συστ(τελ)}}$ η οποία γίνεται:

$$\left[I_{\Delta} + m_{\pi} (OA)^2 \right] \omega_1 = \left[I_{\Delta} + m_{\pi} (OB)^2 \right] \omega_2 \Rightarrow \omega_2 = \frac{I_{\Delta} + m_{\pi} (OA)^2}{I_{\Delta} + m_{\pi} (OB)^2} \cdot \omega_1 \quad (1)$$

Επειδή $(OB) > (OA)$ από την (1) προκύπτει $\omega_2 < \omega_1$

2.3. Σωστή απάντηση είναι η (γ)

Εφαρμόζουμε Α. Δ. Ο.: $\vec{P}_{\text{ολ(πριν)}} = \vec{P}_{\text{ολ(μετά)}}$

Επειδή η κρούση είναι κεντρική από τη διανυσματική σχέση πάμε στην αλγεβρική:

$$mv + 0 = 0 + 2mv_1 \Rightarrow v_1 = \frac{v}{2} \quad (1)$$

$$K_{\text{ολ(πριν)}} = \frac{1}{2}mv^2 + 0 = \frac{1}{2}mv^2 \quad (2)$$

$$K_{\text{ολ(μετά)}} = \frac{1}{2}2mv_1^2 + 0 \stackrel{(1)}{=} \frac{1}{2}2m\left(\frac{v}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}2m\frac{v^2}{4} \Rightarrow K_{\text{ολ(μετά)}} = \frac{1}{4}mv^2 \quad (3)$$

Από (2) και (3) προκύπτει $K_{\text{ολ(μετά)}} < K_{\text{ολ(πριν)}}$

ΘΕΜΑ 3^ο

α) Γνωρίζουμε ότι: $i = -I \eta \mu \omega t$ και η δοθείσα εξίσωση είναι $i = -0,5 \eta \mu 10^4 t$ (SI)

Από σύγκριση προκύπτει ότι $I = 0,5 \text{ A}$ (1) και $\omega = 10^4 \text{ rad/s}$ (2)

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{10^4} \Rightarrow T = 2\pi 10^{-4} \text{ s}$$

β) Η περίοδος των ηλεκτρικών ταλαντώσεων δίνεται από:

$$T = 2\pi\sqrt{LC} \Rightarrow 2\pi 10^{-4} = 2\pi\sqrt{10^{-2}C} \Rightarrow 10^{-4} = \sqrt{10^{-2}C} \Rightarrow 10^{-8} = 10^{-2}C \Rightarrow$$

$$C = 10^{-6} \text{ F} \text{ ή } C = 1\mu\text{F}$$

γ) Γνωρίζουμε ότι: $I = \omega \cdot Q \Rightarrow Q = \frac{I}{\omega} \stackrel{(1)}{=} \frac{0,5}{\omega} \stackrel{(2)}{=} \frac{0,5}{10^4} \Rightarrow Q = 5 \cdot 10^{-5} \text{ C}$

δ) Εφαρμόζουμε αρχή διατήρησης για την ηλεκτρική ταλάντωση και έχουμε:

$$E_{(\text{ολ})} = U_E + U_B \Rightarrow \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} L \cdot i^2 \Rightarrow Q^2 = q^2 + LC \cdot i^2 \Rightarrow i^2 = \frac{Q^2 - q^2}{LC}$$

$$i^2 = \frac{(5 \cdot 10^{-5})^2 - (3 \cdot 10^{-5})^2}{10^{-2} \cdot 10^{-6}} = \frac{16 \cdot 10^{-10}}{10^{-8}} \Rightarrow i = \pm \sqrt{16 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow i = \pm 4 \cdot 10^{-1} \text{ A}$$

και συνεπώς η απόλυτη τιμή της έντασης είναι: $|i| = 0,4 \text{ A}$.

ΘΕΜΑ 4^ο

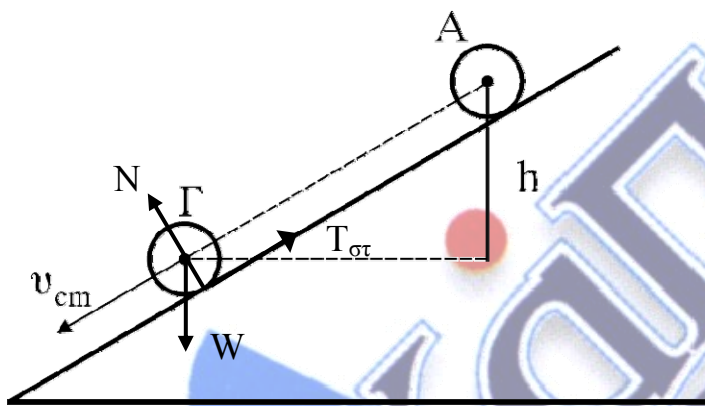
α) Επειδή ο κύλινδρος κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει ισχύει:

$$v_{cm} = \omega R \Rightarrow \omega = \frac{v_{cm}}{R} \Rightarrow \omega = \frac{8}{0,2} \Rightarrow \omega = 40 \text{ rad/s}$$

β) Η στροφορμή του κυλίνδρου δίνεται από:

$$L = I\omega = \frac{1}{2} mR^2 \omega = \frac{1}{2} 5 \cdot 0,2^2 \cdot 40 \Rightarrow L = 4 \text{ Kgr} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

γ)



Επειδή το έργο της N και της $T_{στ}$ είναι 0 για την κύλιση χωρίς ολίσθηση του κυλίνδρου ενώ το βάρος είναι συντηρητική δύναμη, μπορούμε να εφαρμόσουμε αρχή διατήρησης μηχανικής ενέργειας μεταξύ Α και Γ. Ως επίπεδο αναφοράς παίρνουμε το οριζόντιο επίπεδο που περνάει από τη θέση Γ.

$$E_{m(A)} = E_{m(\Gamma)} \Rightarrow K_{(A)} + U_{(A)} = K_{(\Gamma)} + U_{(\Gamma)} \Rightarrow 0 + mgh = \frac{1}{2} mv_{cm}^2 + \frac{1}{2} I\omega^2 + 0 \Rightarrow$$

$$mgh = \frac{1}{2} mv_{cm}^2 + \frac{1}{2} \frac{1}{2} mR^2 \omega^2 \stackrel{v_{cm}=\omega R}{\Rightarrow} gh = \frac{v_{cm}^2}{2} + \frac{1}{4} v_{cm}^2 \Rightarrow gh = \frac{3v_{cm}^2}{4} \Rightarrow h = \frac{3v_{cm}^2}{4g} \Rightarrow$$

$$h = \frac{3 \cdot 8^2}{4 \cdot 10} \Rightarrow h = 4,8 \text{ m}$$

$$\delta) \frac{K_{μετ}}{K_{περ}} = \frac{\frac{1}{2} mv_{cm}^2}{\frac{1}{2} I\omega^2} = \frac{mv_{cm}^2}{\frac{1}{2} mR^2 \omega^2} \stackrel{v_{cm}=\omega R}{=} \frac{2v_{cm}^2}{v_{cm}^2} \Rightarrow \frac{K_{μετ}}{K_{περ}} = 2$$