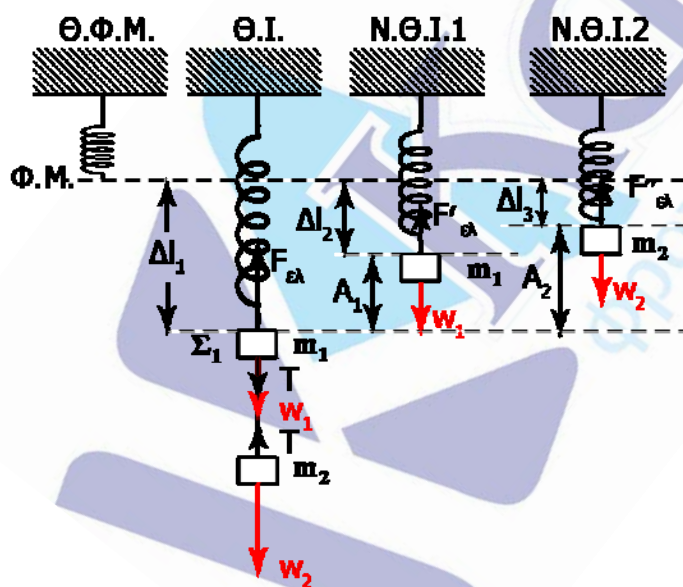


**ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΘΕΜΑΤΩΝ ΦΥΣΙΚΗΣ
 ΘΕΤΙΚΗΣ & ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΗΣ ΚΑΤΕΥΘΥΝΣΗΣ
 20-05-2011**

- A1.** γ
A2. β
A3. γ
A4. γ
A5. α) Σωστό
 β) Λάθος
 γ) Σωστό
 δ) Λάθος
 ε) Λάθος

B1.

Σωστή επιλογή είναι το (β)



$$\Theta.Ι. \quad \Sigma F = 0 \Leftrightarrow (m_1 + m_2)g = k \cdot \Delta l_1 \Leftrightarrow \Delta l_1 = \frac{(m_1 + m_2)g}{k}$$

$$Ν.Θ.Ι_1 \quad \Sigma F = 0 \Leftrightarrow m_1 \cdot g = k \cdot \Delta l_2 \Leftrightarrow \Delta l_2 = \frac{m_1 \cdot g}{k}$$

$$Ν.Θ.Ι_2 \quad \Sigma F = 0 \Leftrightarrow m_2 \cdot g = k \cdot \Delta l_3 \Leftrightarrow \Delta l_3 = \frac{m_2 \cdot g}{k}$$

Η αρχική θέση ισορροπίας είναι και ακραία θέση για το m_1 και για το m_2 αντίστοιχα διότι ξεκινούν την ταλάντωσή τους από αυτή με ταχύτητα μηδέν. Από το σχήμα προκύπτει :

$$A_1 = \Delta l_1 - \Delta l_2 \Leftrightarrow A_1 = \frac{m_2 \cdot g}{k}$$

$$A_2 = \Delta l_1 - \Delta l_3 \Leftrightarrow A_2 = \frac{m_1 \cdot g}{k}$$

Αφού $k_1 = k_2 = k$ (όμοια ελατήρια)

$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{\frac{1}{2}k \cdot A_1^2}{\frac{1}{2}k \cdot A_2^2} \Leftrightarrow \frac{E_1}{E_2} = \frac{A_1^2}{A_2^2} \Leftrightarrow \frac{E_1}{E_2} = \frac{m_2^2}{m_1^2}$$

B2. Σωστή επιλογή είναι το (α)

$$f_\delta = |f_1 - f|$$

$$f_\delta = |f_2 - f|$$

Επομένως πρέπει τη μια φορά η συχνότητα της δεύτερης πηγής να είναι μεγαλύτερη της f και την επόμενη φορά να είναι μικρότερη.

$$\left. \begin{array}{l} \text{Έστω } f_1 > f : f_\delta = f_1 - f \\ f_2 < f : f_\delta = f - f_2 \end{array} \right\} \Leftrightarrow f_1 - f = f - f_2 \Leftrightarrow f = \frac{f_1 + f_2}{2}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Αν } f_1 < f : f_\delta = f - f_1 \\ f_2 > f : f_\delta = f_2 - f \end{array} \right\} \Leftrightarrow f - f_1 = f_2 - f \Leftrightarrow f = \frac{f_1 + f_2}{2}$$

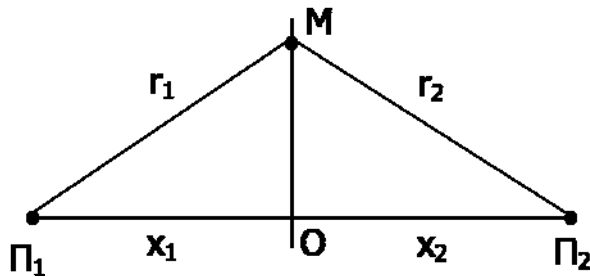
B3. Σωστή επιλογή είναι το (α)

Το σύστημα είναι μονωμένο επομένως:

$$\text{Α.Δ.Ο } P_{\text{αρχ.}} = P_{\text{τελ.}} \Leftrightarrow (m_1 + m_2)u = (m_2 + 4m_1)\frac{u}{3} \Leftrightarrow m_1 + m_2 = \frac{m_2}{3} + \frac{4m_1}{3} \Leftrightarrow$$

$$m_2 - \frac{m_2}{3} = \frac{4m_1}{3} - m_1 \Leftrightarrow 2m_2 = m_1 \Leftrightarrow \frac{m_1}{m_2} = 2$$

Γ1.



$$\psi_M = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi(5t - 10) \quad (1)$$

$$\psi_M = 2A \cdot \text{συν} \frac{\pi(r_1 - r_2)}{\lambda} \cdot \eta\mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_1 + r_2}{2\lambda} \right)^{r_1=r_2} \Rightarrow \psi_M = 2A \cdot \eta\mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{r_1 + r_2}{2\lambda} \right) \quad (2)$$

Από σύγκριση των (1) και (2) προκύπτει:

- $2A = 0,2 \Rightarrow A = 0,1\text{m}$
- $\frac{2\pi t}{T} = 2\pi \cdot 5t \Rightarrow \frac{1}{T} = 5 \Rightarrow T = \frac{1}{5} = 0,2 \text{ sec}$
- $\frac{r_1 + r_2}{2\lambda} = 10 \Rightarrow r_1 + r_2 = 20\lambda \quad (3)$

Το μήκος κύματος λ υπολογίζεται από:

$$\lambda = UT \Rightarrow \lambda = 0,4\text{m} \quad (4)$$

$$(3) \Rightarrow r_1 + r_2 = 20 \cdot 0,4 \Rightarrow 2r_1 = 8 \Rightarrow r_1 = 4\text{m}$$

Άρα: $M\Pi_1 = r_1 = 4\text{m}$

Γ2.

$$\psi_{(0)} = 2A \text{συν} \frac{\pi(x_1 - x_2)}{\lambda} \cdot \eta\mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{(x_1 + x_2)}{2\lambda} \right)^{x_1=x_2} \Rightarrow$$

$$\psi_{(0)} = 2A \text{συν} 0 \cdot \eta\mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{(x_1 + x_2)}{2\lambda} \right) \Rightarrow \psi_{(0)} = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi \left(5t - \frac{x_1 + x_2}{0,8} \right) \Rightarrow$$

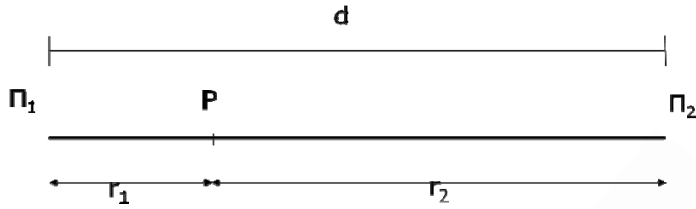
$$\psi_{(0)} = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi \left(5t - \frac{d}{0,8} \right) \Rightarrow \psi_{(0)} = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi \left(5t - \frac{1}{0,8} \right) \Rightarrow \psi_{(0)} = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi(5t - 1,25)$$

$$\psi_{(M)} = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi(5t - 10)$$

$$\Delta\phi = \phi_0 - \phi_M = 2\pi(5t - 1,25) - 2\pi(5t - 10)$$

$$\Delta\phi = -2,5\pi + 20\pi \Rightarrow \Delta\phi = 17,5\pi$$

Γ3.



Έστω P σημείο που ταλαντώνεται με μέγιστο πλάτος.

$$\left. \begin{array}{l} r_1 - r_2 = \kappa \cdot \lambda \\ r_1 + r_2 = d \end{array} \right\} \begin{array}{l} (+) \\ (-) \end{array} \Rightarrow 2r_1 = d + \kappa\lambda \Rightarrow r_1 = \frac{d + \kappa\lambda}{2} \Rightarrow r_1 = \frac{1 + 0,4\kappa}{2}$$

$$0 \leq r_1 \leq d \Rightarrow 0 \leq \frac{1 + 0,4\kappa}{2} \leq 1 \Rightarrow 0 \leq 1 + 0,4\kappa \leq 2 \Rightarrow -1 \leq 0,4\kappa \leq 1 \Rightarrow -2,5 \leq \kappa \leq 2,5$$

Άρα το κ παίρνει τις ακέραιες τιμές:

$\kappa = -2, -1, 0, 1, 2$. Συνεπώς έχουμε 5 σημεία.

Γ4.

$$\Psi_{(M)} = 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi(5t - 10)$$

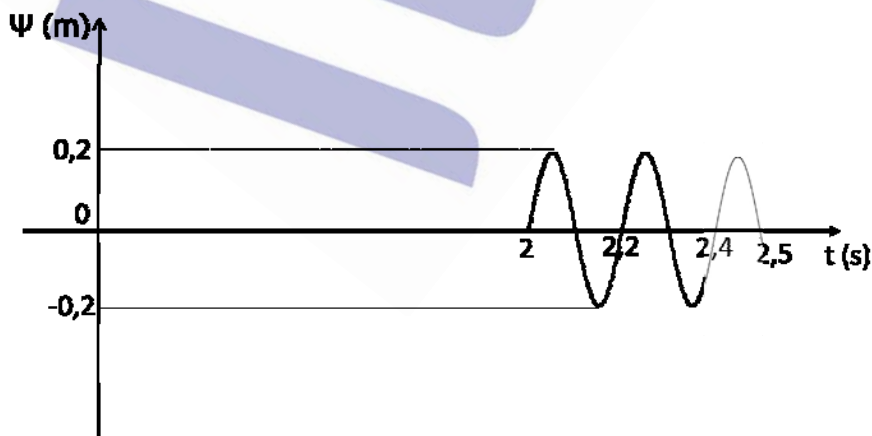
Το κύμα φτάνει στο M τη στιγμή

$$t = \frac{r_1}{u} = \frac{4}{2} \Rightarrow t = 2$$

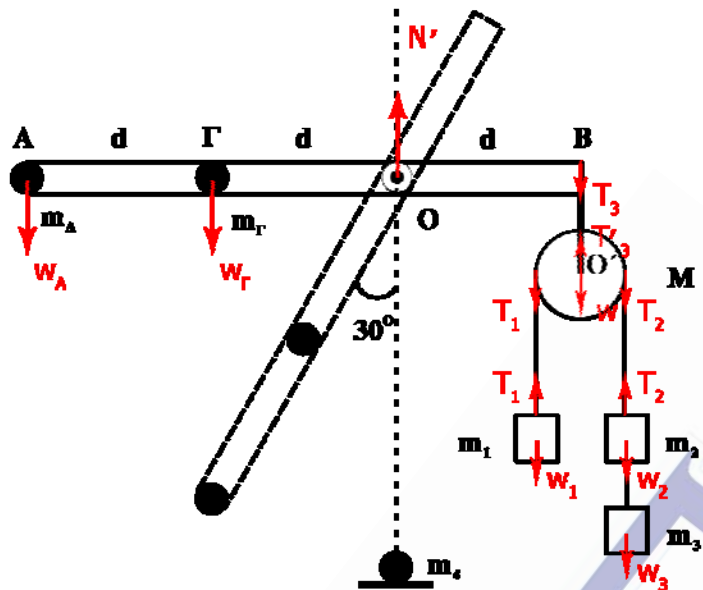
$$\Psi_{(M)} \begin{cases} 0 & \text{για } 0 \leq t < 2 \\ 0,2 \cdot \eta\mu 2\pi(5t - 10) & \text{για } t \geq 2 \end{cases}$$

Από τη στιγμή $t_1 = 2s$ έως τη στιγμή $t_2 = 2,5s$, το M κάνει:

$$N = \frac{\Delta t}{T} = \frac{2,5 - 2}{0,2} = 2,5 \text{ ταλαντώσεις}$$



Δ1.



Για το m_1 : $\Sigma F = 0 \Leftrightarrow T_1 = m_1 g \Leftrightarrow T_1 = 20\text{N}$

Για το σύστημα m_2 και m_3 : $\Sigma F = 0 \Leftrightarrow T_2 = W_2 + W_3 \Leftrightarrow T_2 = m_2 g + m_3 g \Leftrightarrow T_2 = 20\text{N}$

Για την ισορροπία της τροχαλίας: $\Sigma F = 0 \Leftrightarrow T_3' = W + T_1 + T_2 \Leftrightarrow T_3' = Mg + T_1 + T_2$

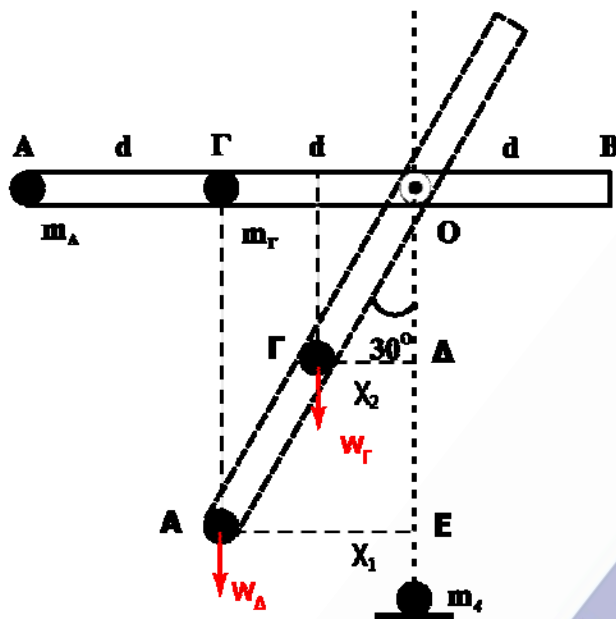
$\Leftrightarrow T_3' = 40 + 20 + 20 \Leftrightarrow T_3' = 80\text{N}$

$T_3 = T_3' = 80\text{N}$

$T_{ολ(O)} = m_A \cdot g \cdot 2d + m_\Gamma \cdot g \cdot d - T_3 \cdot d = 10 \cdot 2 + 6 \cdot 10 \cdot 1 - 80 \cdot 1 = 0$

Άρα η ράβδος ισορροπεί οριζόντια.

Δ2.



Τρίγωνο ΟΓΔ: $\eta\mu 30^\circ = \frac{x_2}{d} \Leftrightarrow x_2 = \frac{d}{2}$

Τρίγωνο ΟΑΕ: $\eta\mu 30^\circ = \frac{x_1}{2d} \Leftrightarrow x_1 = d$

Υπολογισμός ροπής αδράνειας του συστήματος: $m_A - m_\Gamma$

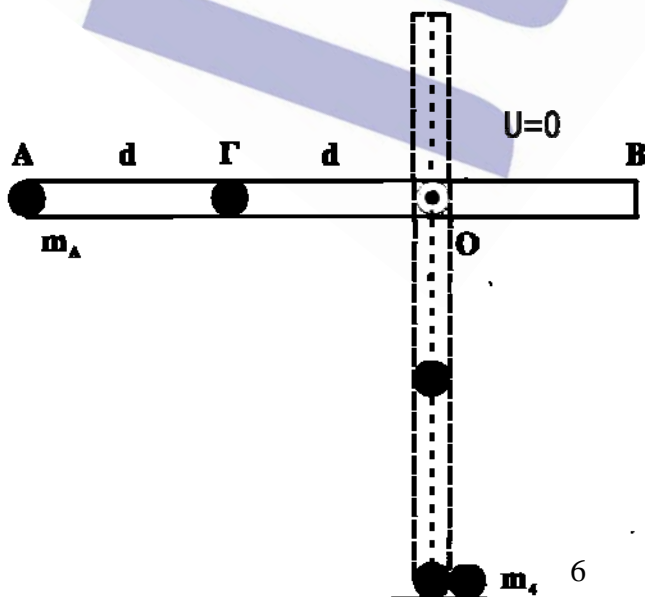
Η ράβδος είναι αβαρής επομένως δεν έχει ροπή αδράνειας.

$$I_{A-\Gamma} = m_A \cdot (2d)^2 + m_\Gamma d^2 = 4d^2 + 6d^2 = 10d^2 \Leftrightarrow I_{A-\Gamma} = 10\text{Kg}m^2$$

Από το θεμελιώδη νόμο της στροφικής κίνησης:

$$\Sigma\tau = I_{A-\Gamma} \cdot \alpha\gamma \Leftrightarrow W_A \cdot x_1 + W_\Gamma \cdot x_2 = I_{A-\Gamma} \cdot \alpha\gamma \Leftrightarrow 10d + 60 \frac{d}{2} = 10\alpha\gamma \Leftrightarrow \boxed{\alpha\gamma = 4\text{rad/s}^2}$$

Δ3.



ΑΔΜΕ πριν την κρούση για τη ράβδο, m_Γ, m_A

$$0 + 0 + 0 = \frac{1}{2} I_{A,\Gamma} \cdot \omega^2 - m_\Gamma \cdot g \cdot d - m_A \cdot g \cdot 2d$$

$$\frac{1}{2} I_{A,\Gamma} \cdot \omega^2 = m_\Gamma \cdot g \cdot d + m_A \cdot g \cdot 2d$$

$$5\omega^2 = 60 + 20 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{80}{5}} \Rightarrow \boxed{\omega = 4 \text{ rad/s}}$$

Για την κρούση εφαρμόζουμε

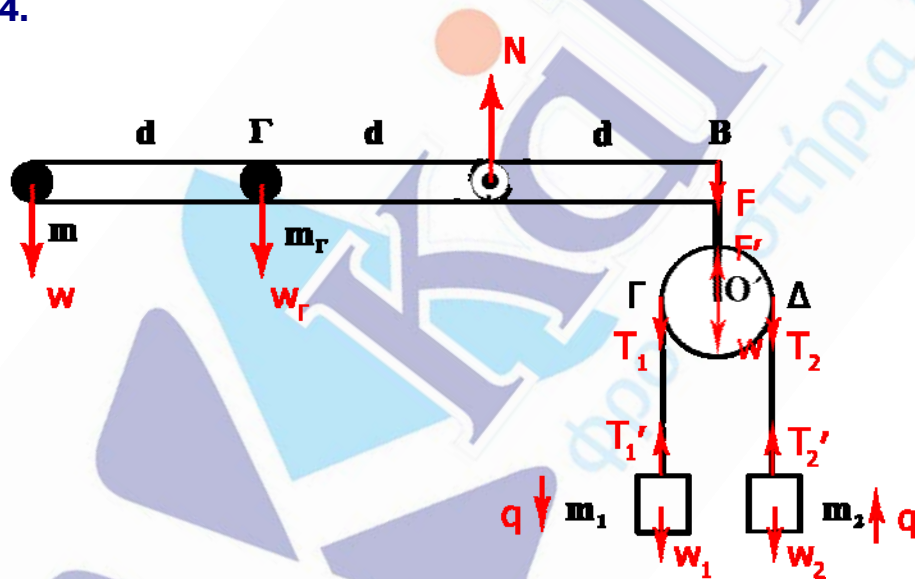
Α. Δ. Στροφορμής: $\vec{L}_{A,\Gamma}(\text{πριν}) = \vec{L}_{\text{συστ}}(\text{μετά})$

Από τη διανυσματική σχέση πάμε στην αλγεβρική και έχουμε:

$$(m_A (2d)^2 + m_\Gamma d^2) \omega = (m_A (2d)^2 + m_\Gamma d^2 + m_4 (2d)^2) \omega' \Rightarrow 10 \cdot 4 = (10 + 5 \cdot 4) \omega' \Rightarrow \omega' = \frac{4}{3} \text{ rad/s}$$

$$\boxed{u_A = \omega' \cdot 2d = \frac{4}{3} \cdot 2 = \frac{8}{3} \text{ m/s}}$$

Δ4.



$$\text{Για το } m_1 : \Sigma F = m_1 a \Rightarrow m_1 g - T_1' = m_1 a \Rightarrow T_1' = m_1 g - m_1 a \quad (1)$$

$$\text{Για το } m_2 : \Sigma F = m_2 a \Rightarrow T_2' - m_2 g = m_2 a \Rightarrow T_2' = m_2 g + m_2 a \quad (2)$$

$$a_{\text{εν}(\Delta)} = a_{\text{εν}(\Gamma)} = a_V R \Rightarrow a = a_V R \quad (3)$$

Για την τροχαλία:

$$\tau_{\text{ολ.}} = I a_V \Rightarrow T_1' R - T_2' R = \frac{1}{2} M R^2 a_V \Rightarrow T_1' - T_2' = \frac{1}{2} M R a_V \stackrel{(3)}{\Rightarrow} T_1' - T_2' = \frac{1}{2} M a \quad (4)$$

Η σχέση (4) από τις σχέσεις (1) και (2) γίνεται:

$$m_1 g - m_1 a - (m_2 g + m_2 a) = \frac{1}{2} M a \Rightarrow m_1 g - m_1 a - m_2 g - m_2 a = \frac{1}{2} M a \Rightarrow$$

$$(m_1 - m_2)g = a \left(m_1 + m_2 + \frac{M}{2} \right) \Rightarrow 10 = a \left(2 + 1 + \frac{4}{2} \right) \Rightarrow a = 2 \text{ m/s}^2$$

Από την σχέση (1) έχουμε:

$$T_1' = m_1 g - m_1 a \Rightarrow T_1' = 20 - 4 \Rightarrow T_1' = 16 \text{ N}$$

Από την σχέση (2) έχουμε:

$$T_2' = m_2 g + m_2 a \Rightarrow T_2' = 10 + 2 \Rightarrow T_2' = 12 \text{ N}$$

Η τροχαλία δεν εκτελεί μεταφορική κίνηση άρα έχουμε:

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow F' = T_1' + W + T_2' \Rightarrow F' = 16 + 40 + 12 \Rightarrow F' = 68 \text{ N}$$

$$\text{Άρα: } F = F' = 68 \text{ N}$$

Για την ισορροπία της ράβδου ισχύει:

$$\tau_{\text{ολ}(O)} = 0 \Rightarrow mg \cdot 2d + m_1 g \cdot d + \tau_{\text{κ}(O)}^0 - Fd = 0 \Rightarrow 20m + 60 = 68 \Rightarrow 20m = 68 - 60$$
$$\Rightarrow 20m = 8 \Rightarrow \boxed{m = 0,4 \text{ kg}}$$